

СБОЕУСТОЙЧИВАЯ ОБРАТИМАЯ ЛОГИКА

С. И. Гуров, Т. Д. Жукова



e-mail: sgur@cs.msu.ru, zhukova_t@ippm.ru

*XXVI Международная конференция
«Математика. Экономика. Образование»
Пансионат Моряк, пос. Дюро
27 мая – 3 июня 2018 г.*

План выступления

- 1 Эффект Неймана–Ландауэра и обратимость
- 2 Основы обратимой логики
- 3 Сбоеустойчивость. Сбоеустойчивые элементы
- 4 Помехоустойчивое кодирование в хэмминговом пространстве

Эффект Неймана–Ландауэра (1960) —

следствие второго закона термодинамики

в любой вычислительной системе, независимо от её физической реализации, при потере 1 бита информации выделяется теплота в количестве не менее $\varepsilon_0 = kT \ln 2$ Дж (k — постоянная Больцмана, T — абсолютная температура).

«Информация осязаема» (Ландауэр)

В 2012 г. эффект удалось обнаружить на практике.

При комнатной температуре

$$\varepsilon_0 \approx 3 \text{ зДж} = 3 \cdot 10^{-21} \text{ Дж}$$

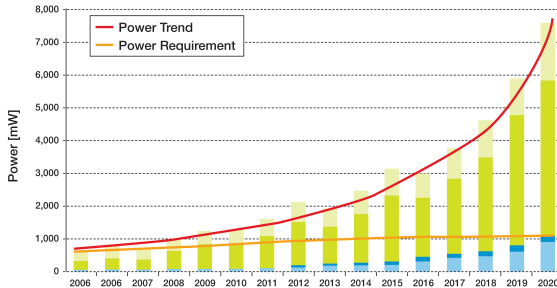
Ничтожное количество?

рассеивание тепла на 1 бит		
ε_0		
2000-е	2010-е	2020-е
$\approx 10^6$	$\approx 10^3$	$\approx 1 ??$

В пересчете на процессор в целом суммарная энергия вырастает уже до величин порядка одного 1 Вт.

Закон Мура $\Rightarrow$ экспоненциальное увеличение выделяемой энергии из-за **потери информации**.

Выделение тепла и технологии



Source: The UK Department of Energy and Climate Change

Logic - Dynamic Power Logic - Static Power Memory - Dynamic Power Memory - Static Power

22-нм технологии $\Rightarrow$ выделение тепла = **5...10** МВт на см² процессора. **Солнце** выделяет (всего!) 6,5 кВт/см².

«Тепловое проклятием» существующей парадигмы ВТ.

Intel: 2015 г. — 14-нм, 2020 г. — 7-нм, к 2022 г. — 4 нм

λ (зелёный) = 500...565 нм, размер вируса = 20...300 нм.

Выход: обратимость



Обычные компьютеры — обрабатываемая информация может **появляться из ниоткуда, и потом исчезать в никуда**.

Обратимость возникает на всех уровнях ВТ:

- ① физической реализации вычислений;
- ② архитектуры компьютера (процессоры, память, ...);
- ③ языков и алгоритмов.

и на **всех** необходимо поддерживать обратимость.

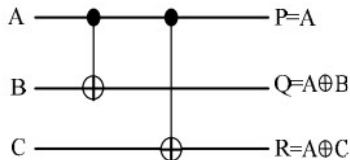
План выступления

- 1 Эффект Неймана–Ландауэра и обратимость
- 2 Основы обратимой логики**
- 3 Сбоеустойчивость. Сбоеустойчивые элементы
- 4 Помехоустойчивое кодирование в хэмминговом пространстве

Понятие обратимости

Вычисления *логически обратимы*, если **по выходным величинам можно восстановить входные**.

Их реализовывают на комбинационных обратимых элементах, осуществляющих некоторую биекцию (перестановку) на множестве всех входных данных
 $\Rightarrow$ это **$n \times n$ элементы**.



Ч. Беннетт (начало 1970-х): **любое вычисление, которое можно сделать на обычном необратимом компьютере, можно выполнить так, что оно будет обратимо.**

При этом экспоненциально увеличивается число операций и объем используемой памяти, но с этим можно бороться...

Мусорные (стоковые) биты

На выходе обратимого элемента образуются биты

- **информационные** — значений вычисляемой функции;
- **мусорные** — с их помощью можно восстановить значения входных сигналов; если их стереть, произойдет рассеяние энергии, чего требуется избежать.



			«МУСОР»	
A	B	Выход	C	D
1	1	1	1	0
1	0	0	1	0
0	1	0	0	1
0	0	0	0	0

Память делятся на области:

- 1 **рабочую**, содержащую информацию для дальнейших вычислений,
- 2 **вспомогательную**, хранящую информация для поддержания обратимости.

Когда в рабочей зоне меняется бит, во вспомогательной происходит противоположный переход.

Простейшие вентили обратимой логики

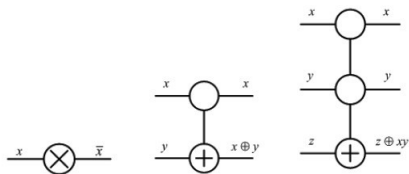


Рис. 1. Элементы NOT, CNOT (Controlled NOT, Фейнмана) и CCNOT (Controlled Controlled NOT, Тоффоли, TG)

Универсальный элемент должен реализовывать любую функционально полную систему БФ и обеспечивать *каскадирование* — ветвление сигналов $\Rightarrow$ возможность организации соединения элементов.

Элементы NOT и CNOT *не универсальны*.

Универсальность. Вентиль Фредкина (FRG)

Элемент Тоффли универсален: на них можно

- реализовать любую логическую функцию;
- осуществить каскадирование: при входе $(x, 1, 0)$ на выходе будет вектор $(x, 1, x)$.

Вентиль Фредкина (CSWAP, Controlled SWAP, управляемый обмен, FRG) — **универсальный** обратимый вентиль.

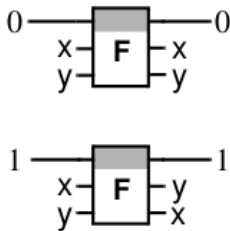
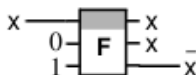
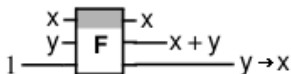


Рис. 2. Изображение элемента Фредкина, 1-й вход — управляющий

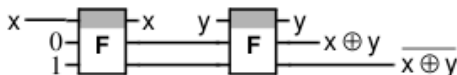
Универсальность вентиля Фредкина



Fredkin gate implementation of NOT/FAN-OUT



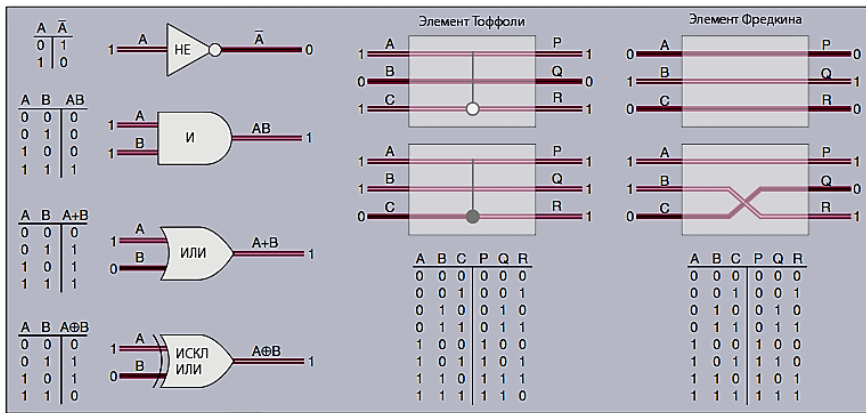
Fredkin gate implementation of OR2 and AND2



Fredkin gate implementation of XOR2

Сам факт того, что [только управляемым перемешиванием проводков между входом и выходом можно получить вычисление любой булевой функции](#) далеко не очевиден.

Самообратимость



Элементы NOT, CNOT, TG и FRG — обратны самим себе.

Вентиль Переса (PG)

— реализует обратимый *полусумматор* не является универсальным. Он имеет три входа A , B , C и три выхода P , Q , R .

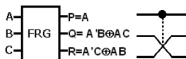
Формулы выходов:

$$P = A, \quad Q = A \oplus B, \quad R = C \oplus AB.$$

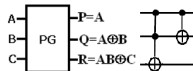
Здесь A и B — суммируемые разряды, C — перенос из предыдущего разряда, Q — сумма, R — перенос в следующий разряд и P — мусорный выход.



а)



б)



в)

Рис. 3. Изображение элементов а) TG, б) FRG, в) PG.

PG=TG+CNOT

Вентиль Переса может быть реализован на гейтах TG и CNOT, соединённых последовательно, как показано на рис. 4.

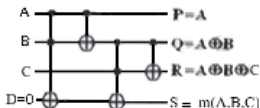


Рис. 4. Реализация элемента Переса на гейтах TG и CNOT.

Обобщённый (множественно управляемый) гейт Фредкина (обобщённый CSWAP, C^nSWAP , MCF, Multiple-Control Fredkin Gate) имеет n входов $A_1, \dots, A_n$ из которых первые $n - 2$ управляющие, и n выходов $P_1, \dots, P_n$, последние два из которых — сигнальные, повторяющие A_{n-1} и A_n , если все остальные входы — единичные, или не делая этого, иначе.

Утилизация мусора

Мусорные биты просто отбросить нельзя, их нужно образом утилизировать.

Метод грубой силы: сохранение каждого мусорного значения на выходе $\Rightarrow$ такой метод съест всю доступную память.

Идея (Фредкин, Тоффоли и их студенты):

- 1) произвести вычисления, получив большое количество мусора;
- 2) записать результат, получив ещё немного мусора;
- 3) выполнить вычисления в обратном направлении, уничтожив мусор, полученный на шаге 1).

Требуется дополнительная память, но если код программы разработаны весьма аккуратно, то количество накапливающегося мусора можно держать в разумных рамках.

Методы синтеза обратимых схем

Единых методов синтеза не существует.

Для целей синтеза схем обратимые элементы объединяют в библиотеки.

- **NCT** = NOT+CNOT+TG — наименьший набором элементов, из которых можно составить любую обратимую схему.
- **NCTSF** = **NCT**+FG;
- **NCTSFP** = **NCTSF**+PG;
- **GT/MCT** — параметрическая библиотека, состоящая из n -битных обобщённых элементов Тоффоли; включает в себя все гейты из **NCT**.
- **GT**+PG.

Методы синтеза обратимых схем

Пример: полусумматор (необратимый)

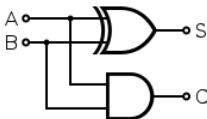
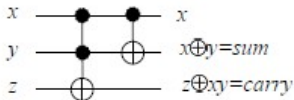


Рис. 5. Схема полусумматора на функциональных элементах XOR2 и AND2

Обратимый полусумматор образуют TG и CNOT, соединённые последовательно —



Реализованная обратимая логика

Исследования в области синтеза средств на базе обратимой логике проводятся в MIT, University of Florida, Universiteit Gent...

Разрабатывается все: от физики до систем программирования.

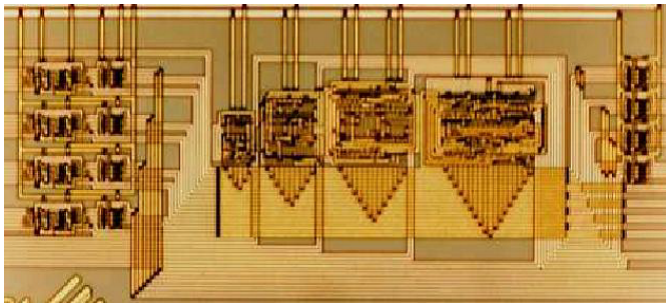
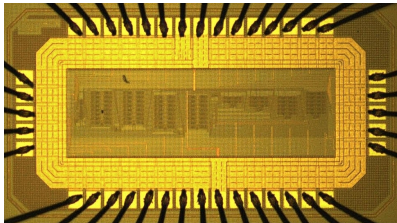
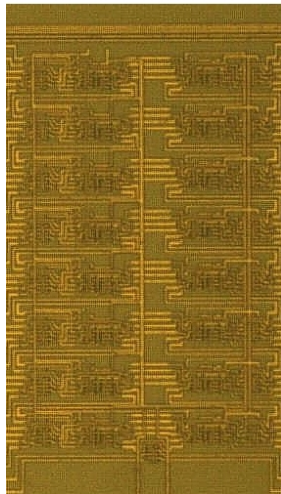


Рис. 6. Микрофотография обратимого 4-битного быстрого сумматора на FG, 320 транзистров.

Реализованная обратимая логика



Обратимый 8-битный умножитель
на $\sqrt{2}/2$, 2 504 транзистора



Обратимый 8-битный сумматор,
140 мк×230 мк

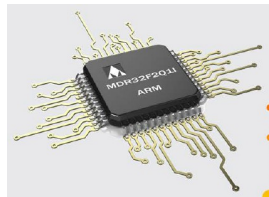
План выступления

- 1 Эффект Неймана–Ландауэра и обратимость
- 2 Основы обратимой логики
- 3 Сбоеустойчивость. Сбоеустойчивые элементы**
- 4 Помехоустойчивое кодирование в хэмминговом пространстве

Сбой — кратковременный случайный самоустранимый отказ

Причины:

- радиационные помехи (до 50%);
- скачки напряжений питания;
- деградация сигналов во времени и др.



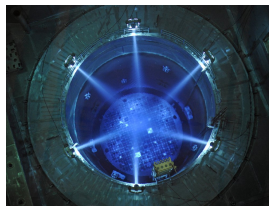
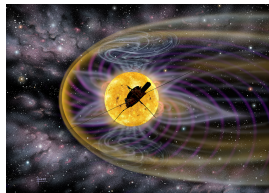
Ионизация высокой интенсивности: α - и γ -излучение + протоны и нейтроны $\rightarrow$ импульсы переходного тока $\rightarrow$ *$\rightarrow$ переключение битов в схемах функциональной логики*



Период работоспособности аппаратуры спутников связи
— не менее 15 лет

Рад — внесистемная единица измерения поглощённой дозы ионизирующего излучения

<i>Место</i>	<i>Доза</i>
Поверхность Земли	1 кРад/год
Низкие орбиты Земли (МКС)	2 кРад/год
Радиационные пояса Земли	100 кРад/год
Геостационарные орбиты Земли	10 кРад/год
Поверхность Марса	1 кРад/год
Путь до Марса	5 кРад/год
Объекты ядерной энергетики	100 кРад/день



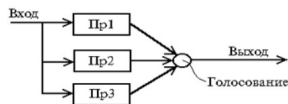
Критически важные (mission-critical) системы, приложения...

32-битное микропроцессорное ядро LEON3 СнК (летает) для европейских космических проектов — **180 нм**-технология

Подходы к решению задачи

Рассматриваем пока **комбинационные схемы**

- 1 **троирование** (тройное модульное резервирование, TMR, Triple Modular Redundancy)
Наличие *воутера*



- 2 **частичное дублирование** (наиболее сбоеопасных подсхем);
- 3 защита **схемотехническими методами** т. н. **радиационное закаливание** (*radiation hardening*) — размеры элемента, технология, ...;
- 4 **обнаружение + пересчёт** (CED, Concurrent Error Detection) — временная избыточность;
- 5 ...

Недостатки: увеличение площади (TMR: >200%), энергопотребления, снижение скорости...

- 6 применение **избыточного кодирования** (**error-correcting code**).

Обратимые логические элементы, сохраняющие чётность

1. Элемент Фредкина **FRG** (рассмотрен ранее).
2. *Двойной элемент Фейнмана* (F2G) — 3×3 -гейт:

$$P = A, \quad Q = A \oplus B, \quad R = A \oplus C.$$

3. *Новый сбоеустойчивый элемент* (NFT) — 3×3 -гейт не имеющий адресных входов:

$$P = A \oplus B, \quad Q = B'C \oplus AC', \quad R = BC \oplus AC'.$$

4. *Элемент Ислама* (IG, предложен Сайфулом Исламом в 2009 г.) — 4×4 -гейт:

$$P = A, \quad Q = A \oplus B, \quad R = AB \oplus C, \quad S = BD \oplus B'(A \oplus D).$$

5. *Модифицированный элемент Ислама* (MIG) — улучшенная версия 4×4 -гейта IG, реализующая для первых трёх выходов те же формулы, что и IG и $S = AB' \oplus D$.

Схема называется *сбоеустойчивой*, если она обеспечивает обнаружение или обнаружение и исправление ошибок на своём выходе. Переходя от элементов к схемам, замечаем, что существует два вида сбоеустойчивых схем: схемы, сохраняющие чётность, состоящие из сохраняющих чётность обратимых элементов, и схемы, устойчивые к ошибкам.

Примером схемы первого вида может служить сумматор, предложенный С. Исламом:

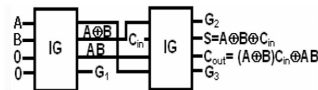


Рис. 7. Однобитный обратимый сумматор на элементах IG, сохраняющий чётность

Обнаружение ошибок

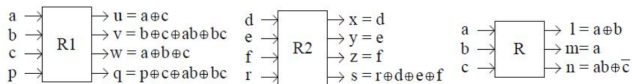
В простейшем случае сбоеустойчивая схема обеспечивает лишь обнаружение возникшей ошибки.

Исправление — многократный пересчёта выхода — *CED*,
Concurrent Error Detection.

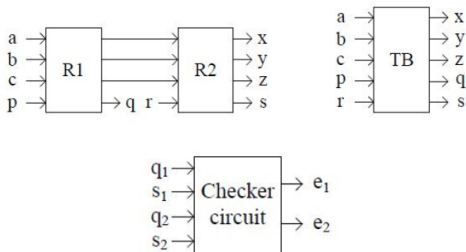
На сегодняшний день исследования методов синтеза сбоеустойчивых обратимых схем ограничиваются практически исключительно указанным **простейшим вариантом**.

Ясна ограниченность таких методов в возможности обнаружения ошибок.

Онлайн-тестируемых схемы: на элементах R1, R2, R

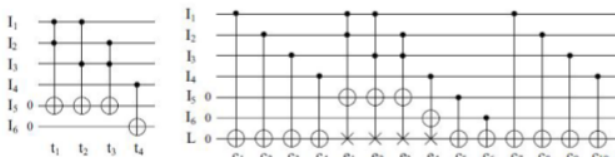


Тестируемые блоки (ТВ) состояются из R1, R2, имеет два выхода чётности q и s , которые подаются на проверяющую схему (Checker circuit), составленную из 8 элементов R.

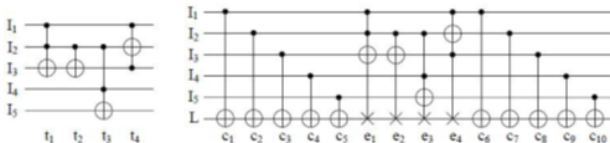


Виды онлайн тестируемых схем

- Схемы на элементах с пара-, многофазными входами:
Ошибка фиксируется проверкой выходного вектора
- Схемы, основанные на ESOP:



- Схемы, основанные на Toffoli:



Проверяющий элемент составлен из 4 элементов Тоффоли и 3 элементов Фредкина с 3 битами

Что синтезировано?

В последнее время предложены следующие схемы сбоеустойчивых вычислительных устройств использующих контроль чётности:

- полный сумматор из сохраняющих чётность блоков (2010);
- АЛУ (2013);
- компрессор (устройство для сжатия динамического диапазона звукового сигнала);
- полный сумматор (2015).

План выступления

- 1 Эффект Неймана–Ландауэра и обратимость
- 2 Основы обратимой логики
- 3 Сбоеустойчивость. Сбоеустойчивые элементы
- 4 Помехоустойчивое кодирование в хэмминговом пространстве**

Пространство Хэмминга

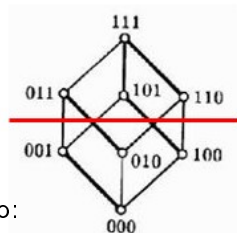
n -мерный единичный куб — *пространство Хэмминга*

Будем работать в 3-мерном таком пространстве, кодировать

$$0 \mapsto \underbrace{000}_{\text{Полюс_0}} \quad 1 \mapsto \underbrace{111}_{\text{Полюс_1}}$$

и использовать 3 проводника вместо одного:

$$A \mapsto A_1, A_2, A_3.$$

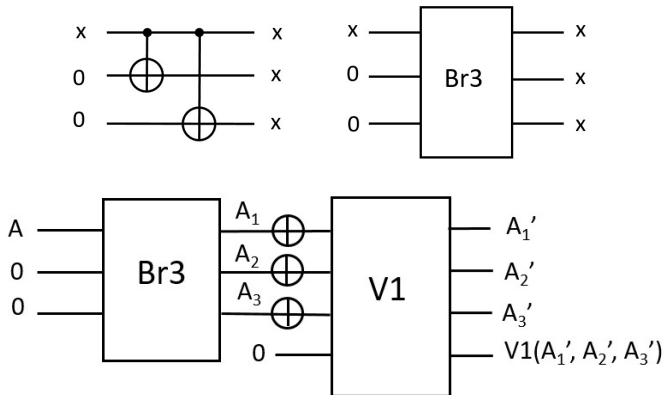


Коррекция одиночной ошибки происходит автоматически в неявном виде.

Для обратимой схмотехники это существенно: происходит исправление ошибки, а не просто фиксация факта, что ошибка произошла.

Отличие от TMR на уровне элементов —

— здесь имеется **воутер, который не защищен от ошибок**



Сбой в воутере V1, приводящий к искажению сигнала выход, данной схемой **исправляться не будет**.

Элемент CNOT в пространстве Хемминга

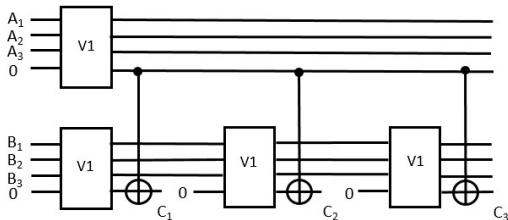


Рис. 8. Гейт HCNOT управляемого инвертирования.

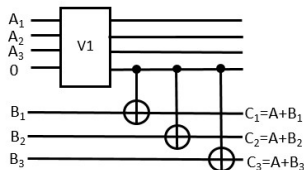
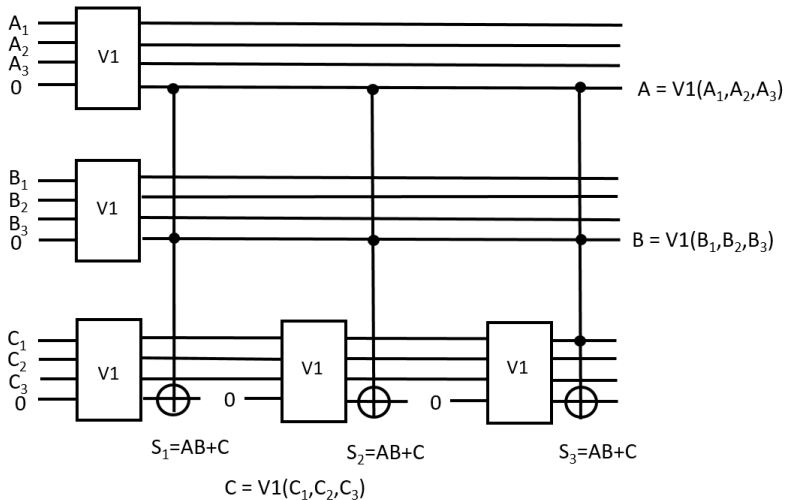
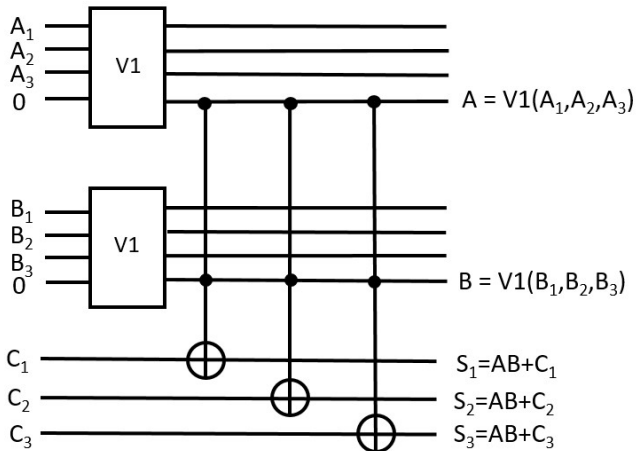


Рис. 9. Облегчённый гейт HLCNOT управляемого инвертирования.

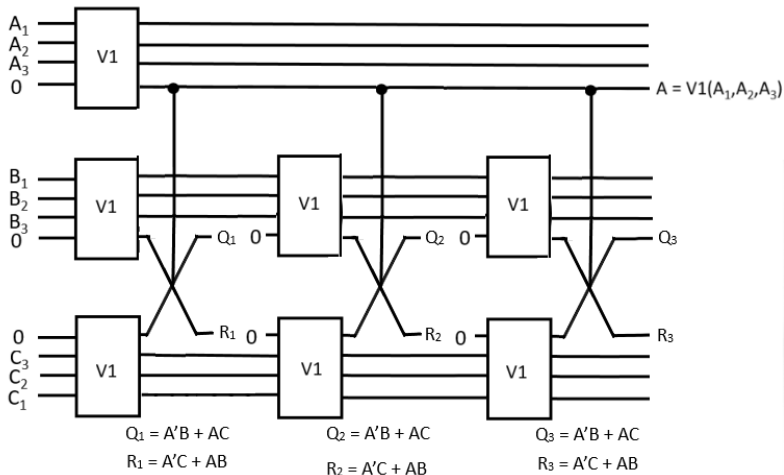
Гейт Тоффоли НТГ в пространстве Хэмминга



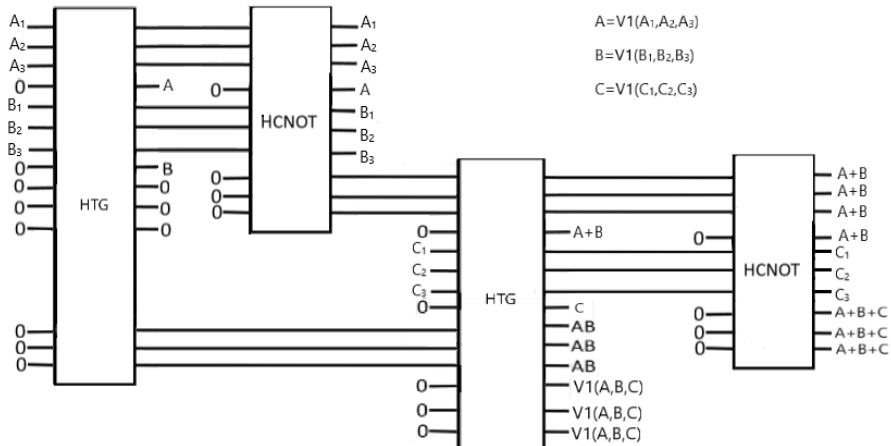
Гейт Тоффоли НТГ в пространстве Хэмминга: облегчённая схема



Элемент Фредкина в Хэмминговом пространстве



Обратимый сумматор в Хэмминговом пространстве



Синтез в пространстве Хэмминга: выводы

Сравнение сложности обычных обратимых схем с построенными в хэмминговом пространстве:

- число вентилях в TMR возрастает примерно в 4 раза, как при кодировании в пространстве Хэмминга оно возрастает на порядок;
- сбоеустойчивость предлагаемого метода превосходит TMR.

Вывод: метод вряд ли применимым для всей схемы, оставаясь целесообразным для наиболее уязвимых элементов и подсхем, сбоеустойчивость которых критически важна для функционирования всей вычислительной системы.

Поляризованные пространства Хэмминга

В целях более сбалансированного представления сигналов 0 и 1, и, соответственно, нагрузки на транзисторные вентили при реализации схем на кристалле, более эффективным является выбор при кодировании в пространстве Хэмминга:

$$\text{Полюс_0} = 010, \quad \text{Полюс_1} = 101$$

$$\text{Вектор поляризации} = 010 = 2_{10}.$$

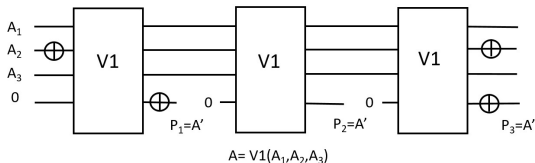


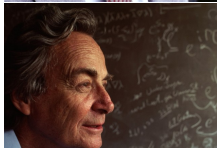
Рис. 10. Элемент H_2NOT

Спасибо за внимание!

Вопросы?



Рольф У. Ландауэр (1927–1999), IBM Fellow



Ричард Ф. Фейнман (1918–1988),
California Institute of Technology



Томмазо Тоффоли (1943), Boston University



Эдвард Фредкин (1934), Carnegie Mellon University